

7(геометрія)

26.04.22.

Тема: „Вертикальні кути. Розв'язування задач”

① Розв'язування задач:

- 1) Один із вертикальних кутів на 38° (градусів) більший від іншого вертикального кута. Знайти градусну міру всіх кутів, утворених при перетині двох прямих.

Дано:

$$\text{нехай } \angle 2 = x^\circ$$

- гострій;

$$\text{тоді: } \angle 1 = x^\circ + 38^\circ -$$

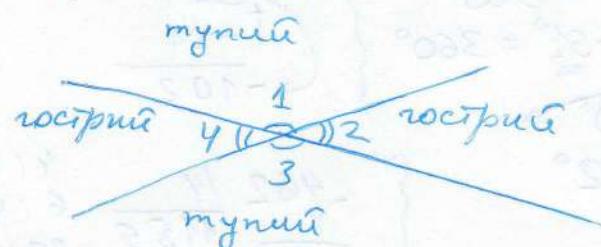
- тупий

$$\underline{\angle 1 - ?}$$

$$\underline{\angle 2 - ?}$$

$$\underline{\angle 3 - ?}$$

$$\underline{\angle 4 - ?}$$



вертикальний
кут, який
більший - буде
тупим;
вертикальний
кут, який
менший - гострій

из властивості вертикальних кутів: $\angle 2 = \angle 4 = x^\circ$
 $\angle 1 = \angle 3 = x^\circ + 38^\circ$

$$\underbrace{\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4}_{x^\circ + 38^\circ + x^\circ + x^\circ + 38^\circ + x^\circ} = 360^\circ$$

$$4x^\circ + 76^\circ = 360^\circ$$

$$4x^\circ = 360^\circ - 76^\circ$$

$$4x^\circ = 284^\circ$$

$$x^\circ = 284^\circ / 4$$

$$x^\circ = 71^\circ \quad \angle 2 = 71^\circ, \angle 4 = 71^\circ$$

$$x^\circ + 38^\circ = 71^\circ + 38^\circ = 109^\circ \quad \angle 1 = 109^\circ; \angle 3 = 109^\circ$$

Відповідь: $\angle 1 = 109^\circ; \angle 2 = 71^\circ; \angle 3 = 109^\circ; \angle 4 = 71^\circ$

$38^\circ + 38^\circ = 76^\circ$ $\downarrow \downarrow \downarrow$ 360° $\underline{- 76^\circ}$ 284	$10 - 6 = 4$ $6 - 1 = 5$ $15 - 7 = 8$ $3 - 1 = 2$	$\frac{-284}{28}$ $\frac{14}{71}$ $\frac{4}{0}$
--	--	---

- 2) Градусна міра одного із вертикальних кутів, утворених при перетині двох прямих, на 51° менша за градусну міру другого вертикального кута. Знайти градусні міри всіх кутів, утворених при перетині двох прямих.

Дано:
 Нехай: $\angle 1 = x^\circ$ -
 -тупий (не відомий
 кут);
 Тоді: $\angle 2 = x^\circ - 51^\circ$

$$\begin{array}{c} \cancel{4x-51} \\ \cancel{3} \end{array}$$

в цій задачі -
менший кут -
гострий;
більший кут -
тупий.

$$\begin{array}{ll} \angle 1 - ? & \angle 3 - ? \\ \angle 2 - ? & \angle 4 - ? \end{array}$$

із властивості вертикальних кутів:

$$\angle 1 = \angle 3 = x^\circ; \quad \angle 2 = \angle 4 = x^\circ - 51^\circ$$

$$\begin{aligned} \angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 &= 360^\circ \\ x^\circ + \cancel{x^\circ - 51^\circ} + \cancel{x^\circ} + \cancel{x^\circ - 51^\circ} &= 360^\circ \end{aligned}$$

$$4x^\circ - 102^\circ = 360^\circ \rightarrow$$

$$4x^\circ = 360^\circ + 102^\circ$$

$$4x^\circ = 462^\circ$$

$$x^\circ = 462^\circ / 4$$

$$x^\circ = 115,5^\circ$$

$$\angle 1 = 115,5^\circ; \quad \angle 3 = 115,5^\circ$$

$$x^\circ - 51^\circ = 115,5^\circ - 51^\circ = 64,5^\circ$$

$$\angle 2 = 64,5^\circ; \quad \angle 4 = 64,5^\circ$$

$$\begin{array}{r} \cancel{+} 51 \\ - 51 \\ \hline - 102 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} -462 \quad | 4 \\ \cancel{-} 4 \quad \cancel{115,5} \\ \hline -6 \\ -4 \\ \hline -22 \\ \cancel{-} 20 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 4 : 4 = 1 \quad 1 \cdot 4 = 4 \\ 6 : 4 = 1 \quad 1 \cdot 4 = 4 \\ 22 : 4 = 5 \quad 5 \cdot 4 = 20 \\ 20 : 4 = 5 \quad 5 \cdot 4 = 20 \\ \hline 1 \rightarrow 1 \rightarrow \\ - 115,5 \\ - 51,0 \\ \hline 64,5 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 5 - 1 = 4 \\ 11 - 5 = 6 \end{array}$$

Відповідь: $\angle 1 = 115,5^\circ; \quad \angle 2 = 64,5^\circ; \quad \angle 3 = 115,5^\circ; \quad \angle 4 = 64,5^\circ$

② Доведення:

- Градусна міра одного із вертикальних кутів, утворених при перетині двох прямих, на 68° більша за градусну міру іншого кута.
 Знайти градусні міри всіх кутів, утворених при перетині прямих.
- Градусна міра одного із вертикальних кутів, утворених при перетині двох прямих, на 15° менша за градусну міру іншого вертикального кута.
 Знайти градусні міри всіх кутів, утворених при перетині двох прямих.